

8.1.9 Důkaz matematickou indukcí II

- Př. 1:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro všechna členy posloupnosti $a_1 = 16; a_{n+1} = a_n - 3; n \in N$ platí vzorec pro n -tý člen $(19 - 3n)_{n=1}^{\infty}$.
- Př. 2:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro všechny členy posloupnosti $a_1 = 0; a_{n+1} = 2 - a_n; n \in N$ platí vzorec pro n -tý člen $(1 + [-1]^n)_{n=1}^{\infty}$.
- Př. 3:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro všechna přirozená čísla platí: $2/n^2 + n$ (2 dělí číslo $n^2 + n$).
- Př. 4:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro členy rekurentně zadané posloupnosti $a_1 = 1; a_{n+1} = \left(\frac{n}{n+1}\right)^2 a_n; n \in N$ platí vzorec $a_n = \frac{1}{n^2}$.
- Př. 5:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro členy rekurentně zadané posloupnosti $a_1 = 1; a_{n+1} = \frac{n \cdot a_n + 2}{n+1}; n \in N$ platí vzorec $a_n = 2 - \frac{1}{n}$.
- Př. 6:** Napiš konkrétní součet řady $1 + 2 + 3 + \dots + n$, pokud platí:
a) $n = 10$, b) $n = 3$, c) $n = 1$.
- Př. 7:** Dokaž pomocí matematické indukce, že pro všechna přirozená čísla platí:
 $1 + 2 + \dots + (n-1) + n = \frac{n(n+1)}{2}$.
- Př. 8:** Je dáno n přímek v rovině, z nichž každé dvě jsou navzájem různoběžné a žádné tři neprocházejí tímž bodem. Tyto přímky rozdělují rovinu na $\frac{1}{2}(n^2 + n + 2)$ částí.
Dokaž platnost tohoto tvrzení.
- Př. 9:** Petáková:
strana 150/cvičení 103 b) d) f)
strana 150/cvičení 109