

11.1.17 Komplexní čísla

- Př. 1:** Sčítání, odčítání a násobení komplexních čísel je velmi podobné stejným operacím probíraným v prvním ročníku. S čím? Jaký je rozdíl?
- Př. 2:** Jakých hodnot může nabývat přirozená mocnina komplexní jednotky i^n ? Sestav přehled možných hodnot a odpovídajících mocnin.
- Př. 3:** Následující výrazy vyjádřete jedním komplexním číslem v alg. tvaru:
- a) $\frac{1}{i} + \frac{1}{1+i} + \frac{1}{1-i}$ b) $\frac{(\sqrt{5}+2i) \cdot (1+i)^2}{i\sqrt{5}-2}$ c) $2i^9 - i^{12} + 5i^{16} - 3i^{11}$
- Př. 4:** Vypočítejte: a) $\overline{(1+i)} \cdot \overline{(3+2i)}$ b) $\frac{\left|\frac{3-4i}{5i}\right| \cdot \left|\frac{1+i}{3-i}\right|}{|2i-1| + |-i|}$
- Př. 5:** Převed'te do goniometrického tvaru a) $\frac{3-i}{1+3i}$, b) $\frac{i^{10}-1}{i^5+1}$
- Př. 6:** Umocněte komplexní číslo $z = (-1+i\sqrt{3})^4$ s využitím Moivreovy věty a výsledky převed'te zpět do algebraického tvaru .
- Př. 7:** Vypoč'ti: a) $(2+3i)m + (2-3i)(m+n) = 7-8i$ b) $\frac{z}{1+i} - 2z = 3iz - 1$
- Př. 8:** Pomocí Moivreovy věty odvod'te vzorce pro $\sin 2\alpha, \cos 2\alpha, \sin 4\alpha, \cos 4\alpha$
- Př. 9:** $(1-2i) \cdot z = 2\bar{z} - i(2+i)$
- Př. 10:** Vypoč'těte: $\sqrt{(-3-4i)}$
- Př. 11:** $x^5 - 16\sqrt{3} + 16i = 0$
- Př. 12:** Řešte početně: $x^2 - 6ix - 8 = 0$
- Př. 13:** Určete kvadratickou rovnici, jejíž kořeny jsou čísla:
 $x_1 = \cos 60^\circ + i \sin 60^\circ$
 $x_2 = \cos 240^\circ + i \sin 240^\circ$
- Př. 14:** Graficky řešte soustavu: $|z+1-2i| \leq 3 \wedge |z+2-2i| > |z|$.
- Př. 15:** $x^{10} - 16x^6 + ix^4 - 16i = 0$