

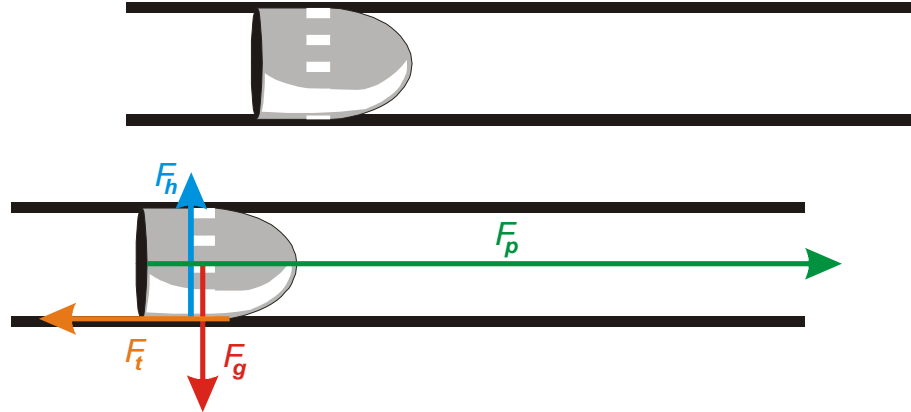
## 1.2.18 Zákon zachování hybnosti I

**Předpoklady:** 010217

Dneska se budeme zabývat střelbou z palných zbraní.

Při výstřelu získá střela obrovskou rychlost a zbraň odskočí na druhou stranu. Proč?

**Př. 1:** Na obrázku je nakreslena střela uvnitř hlavně pušky. Nakresli síly, které na ní působí.



Působící síly:

- gravitační síla  $F_g$  kolmo dolů,
- tlaková síla  $F_h$  hlavně, kolmo nahoru,
- třecí síla  $F_t$  mezi nábojem a hlavní,
- vystřelovací síla pušky  $F_p$  urychlující střelu z hlavně.

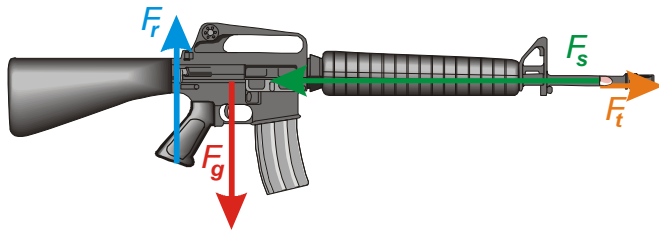
Poměry velikostí sil neodpovídají skutečnosti. Síla  $F_p$  je vzhledem k silám  $F_g$  a  $F_h$  daleko větší.

Zkoumáme pohyb střely ve vodorovném směru, „vystřelovací“ síla pušky je zdaleka největší  
⇒ ostatní síly zanedbáme.

⇒ Vystřelovací síla pušky působí na střelu a uděluje jí hybnost směrem doprava.

Předpokládáme, že po dobu  $\Delta t$  se velikost síly nemění (zvolíme si tak malé  $\Delta t$ , aby to byla s velkou přesností pravda) ⇒ pro změnu hybnosti náboje platí:  $\Delta \mathbf{p}_s = \mathbf{F}_p \cdot \Delta t$ .

**Př. 2:** Rozeber, jaké síly působí během výstřelu na pušku. Jak se mění její hybnost. Zabývej se pouze silami působícími ve vodorovném směru a proved' zanedbání obdobná zanedbáním při rozboru působení sil na náboj. Předpokládej, že střelec nemá během výstřelu pušku opřenou o rameno (což je samozřejmě chyba), pouze ji zesponu podepírá rukou.



Působící síly:

- gravitační síla  $F_g$ ,
- podpírací síla ruky  $F_r$ ,
- síla od střely  $F_s$  (partnerská síla k síle, kterou puška urychluje střelu),
- tření mezi kulkou a hlavní  $F_t$  (partnerská síla k třecí síle, která zpomaluje kulku).

První dvě síly působí ve svislém směru, čtvrtá síla je zanedbatelně malá v porovnání se třetí silou  $\Rightarrow$  po zanedbání působí na pušku ve vodorovném směru pouze síla  $F_s \Rightarrow$  změna hybnosti pušky  $\Delta p_p : \Delta p_p = F_s \cdot \Delta t$ .

Síly  $F_s$  a  $F_p$  tvoří partnerskou dvojici ze 3. Newtonova zákona  $\Rightarrow$  platí:  $F_s = -F_p$ . Co to znamená pro změny hybnosti?

$$\Delta p_s = F_p \cdot \Delta t = -F_s \cdot \Delta t = -\Delta p_p$$

$\Delta p_s = -\Delta p_p \Rightarrow$  Pokud puška změní hybnost střely v jednom směru, změní střela o stejnou hodnotu hybnost pušky v opačném směru  $\Rightarrow$  puška se začne pohybovat směrem doleva = **zpětný ráz**.

**Př. 3:** Které veličiny ovlivňují velikost zpětného rázu pušky?

Platí:  $\Delta p_s = -\Delta p_p \Rightarrow$  velikost zpětného rázu pušky je stejná jako velikost změny hybnosti střely. Jak velká je změna hybnosti střely?

$\Delta p_s = F_s \cdot \Delta t$  - součin působící síly a času, po který puška kulku urychlovala – to nejsou zrovna parametry, které by výrobci zbraní udávali.

Jiná možnost:  $\Delta p_s = m \cdot \Delta v$  - součin hmotnosti střely a změny rychlosti = konečné (úst'ové) rychlosti (střela zrychluje z klidu) – základní údaje u každé zbraně.

$\Rightarrow$  Čím je střela těžší a čím je rychleji vystřelená, tím větší je zpětný ráz zbraně.

Známe ze zkušenosti: vzduchovka (malý zpětný ráz), malorážka (trochu to cuká) a samopal (drží se špatně). Kulomet už v ruce udrží málokdo.

Zpětný ráz není možné obejít:

- Ruční zbraně větších kalibrů mají nožičky pro opření.
- Není možné neomezeně zvětšovat ráži děl u tanků (převrácení, věž).
- Klasická děla mají zpětné opěrné bodce a zákluz (hlaveň může popojet dozadu a tím se prodlouží doba, kdy tělo děla tlumí zpětný ráz hlavně).
- Největší běžná děla se montovala do námořních lodí.

Zpětný ráz pušky můžeme snadno spočítat.

**Př. 4:** Střela o hmotnosti 10 g je vystřelena z pušky o hmotnosti 4 kg rychlostí 800 m/s. Vypočti zpětnou rychlost pušky.

$$m_s = 10 \text{ g} = 0,01 \text{ kg} \quad m_p = 4 \text{ kg} \quad v_s = 800 \text{ m/s} \quad v_p = ?$$

Podle předchozího odvozování platí, že změna hybnosti střely musí být stejná jako změna hybnosti pušky:

Změna hybnosti střely:  $\Delta p_s = m_s \Delta v_s = m_s v_s$  (rychlost střely se zvětšovala z nuly).

Změny hybnosti pušky:  $\Delta p_p = m_p \Delta v_p = m_p v_p$  (rychlost pušky se zvětšovala z nuly).

Obě změny se rovnají:  $\Delta p_s = -\Delta p_p$ .

$$m_s v_s = -m_p v_p$$

$$v_p = -\frac{m_s v_s}{m_p}$$

$$\text{Dosadíme: } v_p = -\frac{m_s v_s}{m_p} = -\frac{0,01 \cdot 800}{4} \text{ m/s} = -2 \text{ m/s}.$$

Puška získá kvůli zpětnému rázu rychlost 2 m/s.

**Pedagogická poznámka:** Pokud studenti příklad vyřeší bez používání delty nebo naopak budou používat delty po celou dobu, rozhodně je nechte a nenuťte jim postup z učebnice.

**Př. 5:** Jak se změní během výstřelu celková hybnost soustavy puška+střela?

Nemusíme nic počítat, víme, že platí  $\Delta p_s = -\Delta p_p \Rightarrow \Delta p = \Delta p_s + \Delta p_p = \Delta p_s - \Delta p_s = 0$ .

Společné těžiště soustavy puška+střela se ani po výstřelu vůbec nehýbe a stojí na místě.

Naše úvahy o střele a pušce platí i při ostatních dějích, kde působí pouze vzájemné síly mezi předměty  $\Rightarrow$  pokud při libovolném fyzikálním ději nepůsobí na soustavu vnější síly, celková hybnost sledované soustavy se nezmění. Získali jsme jeden ze základních fyzikálních zákonů - **zákon zachování hybnosti**.

Pro klasické znění si potřebujeme vyjasnit pojem izolovaná soustava: **Izolovanou soustavu tvoří tělesa, na která působí pouze vzájemné síly a nepůsobí na ně vnější síly.**

**Zákon zachování hybnosti: Celková hybnost izolované soustavy těles se zachovává.**

Dokonale izolovanou soustavu bychom hledali těžko. Například soustavu puška+střela můžeme při výstřelu považovat za izolovanou soustavu pouze v případě, že nemáme pušku opřenou o rameno (puška se tak může po výstřelu volně pohybovat dozadu) a zajímáme se pouze o děje ve vodorovném směru.

Zákon zachování hybnosti můžeme aplikovat i na soustavy, které nejsou zcela izolované pokud:

- Předměty na sebe vzájemně působí pouze velmi krátkou dobu a vzájemně působící síly jsou velmi velké v porovnání s vnějšími silami (existence vnějších sil se tak projeví až za delší dobu, kdy se díky delšímu časovému úseku zvětší impuls síly  $F \cdot \Delta t$ ).
- Vnější síly působí v jiném směru, než který studujeme.

**Př. 6:** Za jakých podmínek můžeme považovat následující děje za děje v izolované soustavě těles:

- a) srážka kulečnickových koulí,
- b) vzájemné odstrčení dvou lidí,
- c) pohyb astronauta a jeho kosmické lodi na oběžné dráze Země.

a) srážka kulečnickových koulí

Zkoumáme pouze pohyb ve vodorovném směru (ve svislém směru se koule kvůli stolu pohybovat nemohou a působení vnější gravitační síly v něm na rozdíl směru vodorovného není zanedbatelné).

b) vzájemné odstrčení dvou lidí

Kosmonauty vznášející se v beztížném stavu můžeme považovat za izolovanou soustavu. Na Zemi nemůžeme uvažovat pohyb ve svislém směru (zde působí gravitační síla) a je třeba, aby bylo možné zanedbat tření  $\Rightarrow$  například při pošťuchování na ledě můžeme ve vodorovném směru považovat při odstrčení oba účastníky za izolovanou soustavu.

c) pohyb astronauta a jeho kosmické lodi na oběžné dráze Země

Podobná situace jako u dvou kosmonautů. Za izolovanou soustavu můžeme považovat kosmonauta a loď vždy. Změna rychlosti u lodi bude daleko menší než u kosmonauta, protože loď je daleko těžší.

**Př. 7:** Akční hrdina (hmotnost 80 kg) skočí při honičce v bývalém podzemním dole na zlato rychlostí 6 m/s (ve vodorovném směru) na stojící nezabrzděný kolový vozík o hmotnosti 150 kg. Urči, jakou rychlostí se vozík s hrdinou rozjede.

$$m_1 = 80 \text{ kg}, v_1 = 6 \text{ m/s}, m_2 = 150 \text{ kg}, v_2 = 0 \text{ m/s}, w = ?$$

Akční hrdina doskakuje na nezabrzděný vozík  $\Rightarrow$  ve vodorovném směru na hrdinu i vozík nepůsobí žádné podstatné síly (tření je malé)  $\Rightarrow$  ve vodorovném směru platí pro hrdinu a vozík od jejich dotyku zákon zachování hybnosti.

Hybnost hrdiny a vozíku před skokem:  $m_1 v_1 + m_2 v_2$ .

Hybnost hrdiny a vozíku po skoku:  $m_1 w_1 + m_2 w_2$ , hrdina stojí na vozíku, který s ním ujíždí  $\Rightarrow$

$$w_1 = w_2 = w \text{ (abychom nemuseli psát index)} \Rightarrow m_1 w_1 + m_2 w_2 = (m_1 + m_2) w.$$

Zákon zachování hybnosti:  $m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) w$

$$v_2 = 0 \Rightarrow m_1 v_1 = (m_1 + m_2) w$$

$$w = \frac{m_1 v_1}{m_1 + m_2} = \frac{80 \cdot 6}{80 + 150} \text{ m/s} = 2,1 \text{ m/s}$$

Vozík s hrdinou se rozjede rychlostí 2,1 m/s.

Z předchozího příkladu je vidět největší výhoda zákona zachování hybnosti (a zákonů zachování vůbec). **Nemusíme nic vědět o průběhu srážky, a přesto zjistíme, jak bude vypadat situace po ní.**

**Poznámka:** V předchozím příkladě i ve zbytku učebnice používáme pro označení rychlostí po srážce (obecně po nějaké události) písmeno  $w$ . Výhodou tohoto přístupu je jasné oddělení rychlostí před a po a možnost zachování indexů.

**Pedagogická poznámka:** Není důležité, aby studenti spočítali následující příklad. Hlavní je, aby dobře porozuměli předchozímu příkladu.

**Př. 8:** Vypočti, jakou sílu má Arnold Schwarzeneger v pravé ruce, když v ní udržel kulomet, který vypálil za 1 s dvacet nábojů o hmotnosti 30 g rychlostí 800 m/s.

$$n = 20 \text{ ran} \quad m = 0,03 \text{ kg} \quad v = 800 \text{ m/s} \quad t = 1 \text{ s} \quad F = ?$$

Příklad můžeme řešit pomocí druhého Newtonova zákona ve tvaru  $\Delta p = F \cdot \Delta t$ . Protože při výstřelu na sebe působí vzájemně kulomet se střelou, získá kulomet hybnost o stejné velikosti jako střely, které vystřelil, ale v opačném směru. Pokud by jej nikdo nedržel, začal by se zrychleně pohybovat směrem dozadu. Síla, kterou na kulomet působí střelec, musí tuto hybnost vyrušit.

Změna hybnosti pušky za 1 s = hybnost všech nábojů vystřelených za 1 s.

$$\Delta p = n \cdot p_k = n \cdot m_k \cdot v_k$$

$$\text{Newtonův zákon: } \Delta p = F \cdot \Delta t$$

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t}$$

$$\text{Dosadíme: } \Delta p = n \cdot m_k \cdot v_k \cdot$$

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{n \cdot m_k \cdot v_k}{\Delta t}$$

$$F = \frac{n \cdot m_k \cdot v_k}{\Delta t} = \frac{20 \cdot 0,03 \cdot 800}{1} = 480 \text{ N}$$

Arnold Schwarzeneger musí držet kulomet silou 480 N.

**Shrnutí:** Pokud při vzájemném působení předmětů můžeme zanedbat vnější síly, hybnost zkoumané soustavy se nemění.