

1.4.6 Osa úsečky

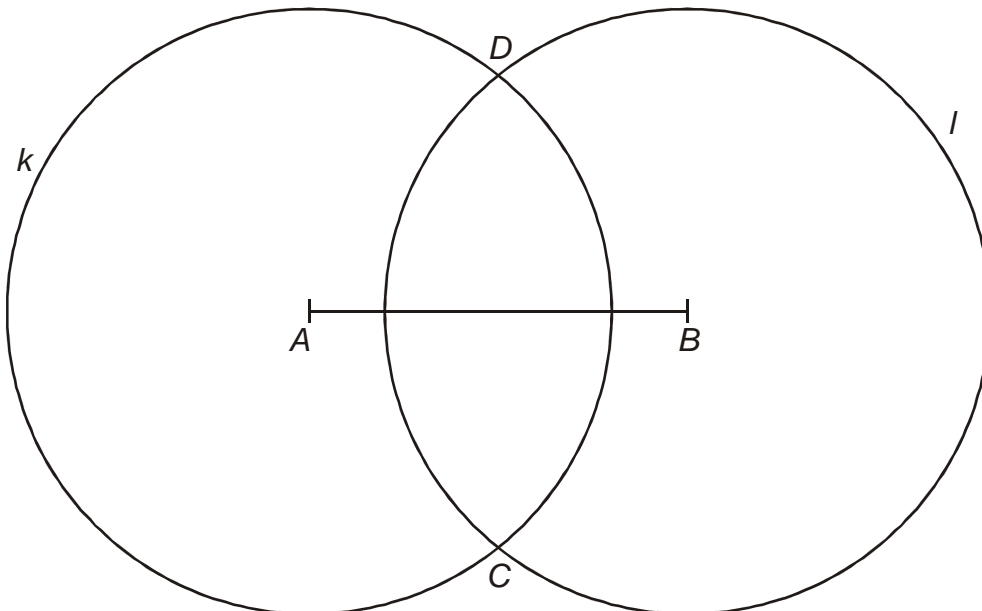
Předpoklady: 010405

Př. 1: Narýsuj úsečku AB , $|AB| = 5 \text{ cm}$. Narýsuj kružnice $k(A; 4 \text{ cm})$, $l(B; 4 \text{ cm})$. Označ průsečíky obou kružnic jako C, D . Co platí pro vzdálenosti $|CA|$, $|CB|$, $|DA|$, $|DB|$? Proč?

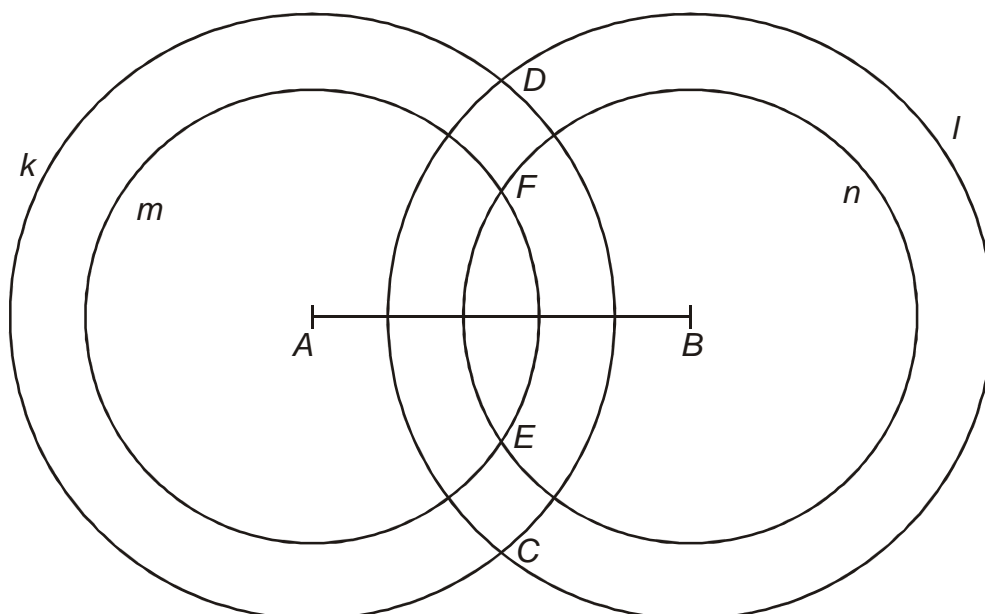
Narýsuj kružnice $m(A; 3 \text{ cm})$, $n(B; 3 \text{ cm})$. Jejich průsečíky označ E, F . Co platí pro vzdálenosti $|EA|$, $|EB|$, $|FA|$, $|FB|$?

Co platí pro body C, D, E, F ? Využij objevenou vlastnost bodů C, D, E, F a narýsuj přímku. Zvol na přímce libovolný další bod G různý od bodů C, D, E, F a urči vzdálenosti $|AG|$ a $|BG|$.

Najdi střed úsečky AB .

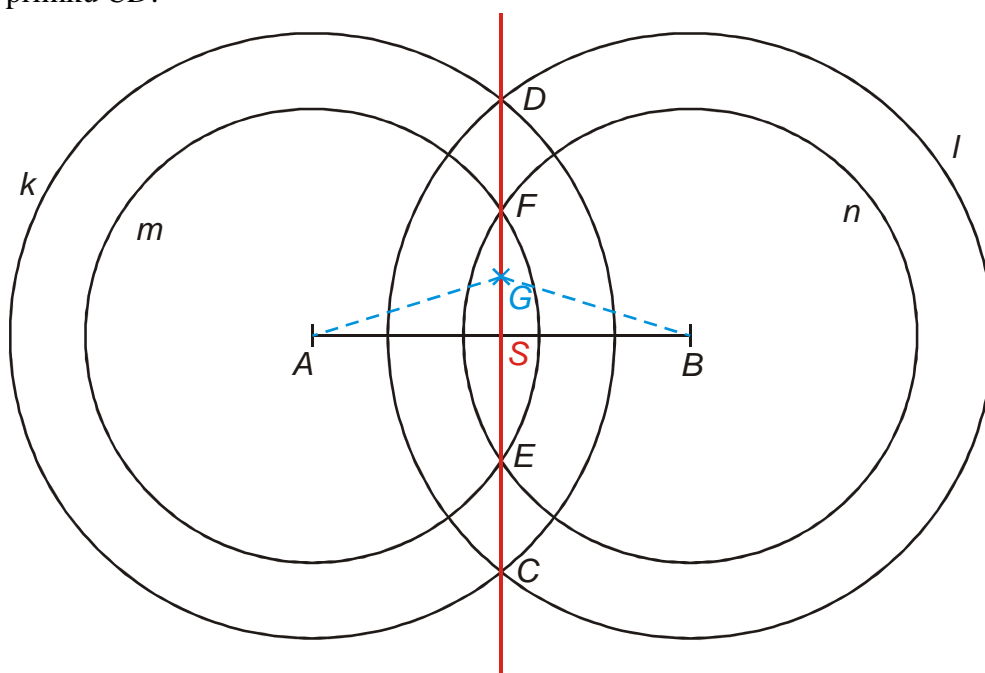


Pro uvedené vzdálenosti platí: $|CA| = |CB| = |DA| = |DB| = 4 \text{ cm}$, což je jasné, protože body C, D leží na kružnicích k, l a body A, B jsou jejich středy \Rightarrow body C, D jsou stejně vzdáleny od bodů A, B .



Pro uvedené vzdálenosti platí: $|EA| = |EB| = |FA| = |FB| = 3 \text{ cm}$, což je jasné, protože body E, F leží na kružnicích m, n a body A, B jsou jejich středy \Rightarrow i body E, F jsou stejně vzdáleny od bodů A, B .

Přiložením pravítka zjistíme, že body C, D, E, F leží na jedné přímce. Narýsujeme do obrázku přímku CD .



Platí: $|AG| = |BG| = 2,6 \text{ cm}$, stejné vzdálenosti změřili všichni ve třídě bez ohledu, kde zvolili bod $G \Rightarrow$ všechny body na přímce CD jsou stejně daleko od bodu A i od bodu B .

Pokud si přímku procházející body C, D, E, F (říká se jí osa úsečky) nakreslíme, získáme střed úsečky AB jako průsečík osy úsečky s úsečkou AB .

Př. 2: Přímku CD z předchozího příkladu nazýváme osa úsečky AB . Jaké výjimečné vlastnosti osa úsečky má?

Osa úsečky AB :

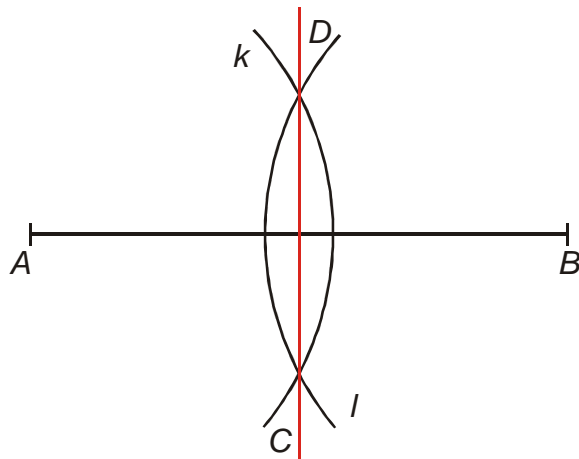
- je kolmá na úsečku AB ,
- každý její bod má stejnou vzdálenost od bodu A i do bodu B ,
- umožňuje nám nalézt střed úsečky AB .

V našem případě je osa úsečky také osou symetrie celého obrázku ("rozděluje" náš obrázek na dvě téměř stejné poloviny. Kdybychom zkusili stránku přehnout v ose, levá strana se přehne na pravou).

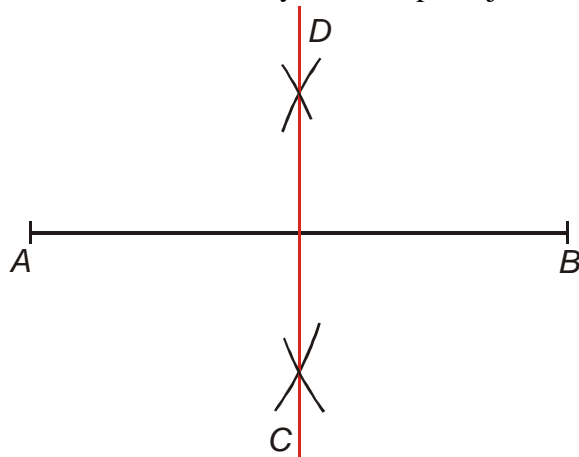
Osa úsečky AB :

- je kolmá na úsečku AB ,
- každý její bod má stejnou vzdálenost od bodu A i do bodu B ,
- umožňuje nám nalézt střed úsečky AB .

Př. 3: Narýsuj úsečku AB , $|AB| = 7,1 \text{ cm}$. Najdi bez měření pravítkem její střed.



Obrázek můžeme narýsovat i úsporněji tak, že nakreslíme menší části kružnic.



Pedagogická poznámka: Značná část žáků má zafixováno, že pomocné kružnice mají mít stejný poloměr jako samotná úsečka. Pokud někoho takového zahlédnu, chci aby našel osu úsečku na menším prostoru v sešitu (takto rýsované kružnice jsou totiž zbytečně velké, někteří žáci dokonce tento obrázek kreslí jako správný i tehdy, když se jim kružnice protnou mimo papír).

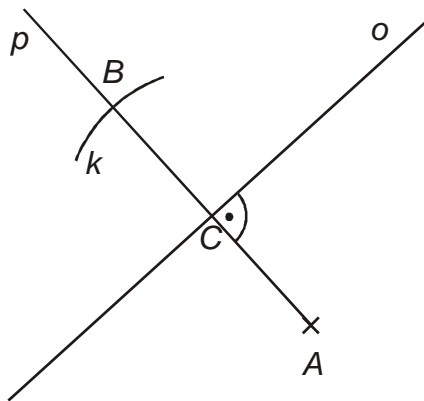
Př. 4: Sestav postup, kterým je možné bez měření pravítkem najít střed úsečky.

1. Narýsujeme úsečku AB o délce 7,1 cm.
2. Narýsujeme kružnici k se středem v bodě A a poloměrem větším než je polovina délky úsečky AB .
3. Narýsujeme kružnici l se středem v bodě B a poloměrem stejným jako má kružnice k .
4. Průsečíky obou kružnic označíme jako body C, D .
5. Přímka CD je osou úsečky AB .

V matematice jsou tyto postupy zapisovány zkráceně:

1. $AB, |AB| = 7,1 \text{ cm}$
2. $k(S; 4 \text{ cm})$
3. $l(S; 4 \text{ cm})$
4. C, D - společné body kružnic k, l
5. přímka CD je osou úsečky AB

Př. 5: Nakresli libovolnou přímku o a mimo ní bod K . Narýsuj bod L tak, aby přímka o byla osou úsečky KL . Zapiš postup.



1. přímka o , body $A, A \notin o$
2. přímka p, p je kolmá na přímku $o, A \in p$
3. C , průsečík přímek p, o
4. $k(C; |CA|)$
5. B , průsečík přímky p s kružnicí k

Shrnutí: Osa úsečky AB je na úsečce kolmá, prochází jejím středem a obsahuje body, které jsou stejně daleko od bodů A, B .